

تمارين حول السقوط الرأسي لجسم صلب خاص بالعلوم الرياضية والعلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية

بالنسبة لجميع التمارين نأخذ :

$g = 9,81 \text{ m/s}^2$ شدة مجال الثقالة ، الكتلة الحجمية للهواء : $\rho_{\text{air}} = 1,3 \text{ kg/m}^3$ الكتلة الحجمية للماء :

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 \cdot \rho_{\text{eau}} = 1,0 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$$

تمرين 1 السقوط الحر مرة أخرى

نطلق كرة بدون سرعة بدئية بحيث أنها تقطع مسافة 20m عند الثانية ما قبل الأخيرة من سقوطها .
نأخذ $g = 10 \text{ m/s}^2$ و . نعتبر أن السقوط حر .

- 1 - ماهي مدة سقوطها ؟
- 2 - أحسب سرعة الكرة خلال قطعها مسافة 10m .
- 3 - احسب سرعتها عند وصولها إلى سطح الأرض ،

تمرين 2

نرسل نحو الأعلى بسرعة بدئية $v_{01} = 30 \text{ m/s}$ كرمة ، وبعد ثانية (1s) نرسل كرة أخرى في نفس اتجاه الكرة الأولى ، نحو الأعلى ، بسرعة بدئية $v_{02} = 40 \text{ m/s}$ حدد اللحظة t والموضع z الذي ستنتقي فييه الكرتان .

تمرين 3 سقوط مضلي ولوازمه

يقفر مضلي ولوازمه من طائرة توجد على ارتفاع h من سطح الأرض . كتلة المضلي ولوازمه m ونأخذ قيمة شدة مجال الثقالة $g = 9,81 \text{ m/s}^2$.

نقبل أن مجموع القوى المطبقة من طرف الهواء على المضلي يمكن نمذجتها بقوة الاحتاك $f = k \cdot v^2$ بحيث أن $k = 0,78 \text{ SI}$.

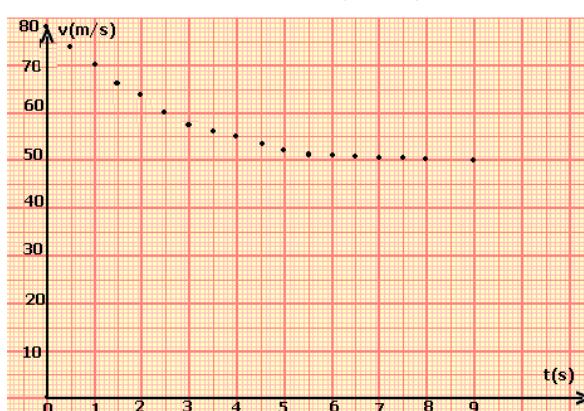
- 1 - أطلاقا من معادلة الأبعاد حدد وحدة الثابتة k في النظام العالمي للوحدات (SI) .
- 2 - أوحد المعادلة التفاضلية خلال سقوط المضلي ولوازمه باعتبار المحور الرأسي (\vec{O}, \vec{k}) وموجها نحو الأسفل . نهمل دافعة أرخميدس .
- 3 - لتحديد تغير السرعة خلال الزمن t نستعمل طريقة أولير حيث نختار خطوة الحساب $\Delta t = 0,5 \text{ s}$.
- 3 - 1 لتكن v_n السرعة في اللحظة t_n و v_{n+1} السرعة في اللحظة $t_{n+1} = t_n + \Delta t$ ، بين أن المعادلة التفاضلية السابقة يمكن أن تكتب على الشكل التالي :

$$v_{n+1} = v_n + A - B \cdot v_n^2 \quad \text{و} \quad A = 4,9 \text{ SI} \quad \text{حيث} \quad B = 1,95 \cdot 10^{-3} \text{ SI}$$

حدد بدقة وحدة الثابتين A و B في النظام العالمي للوحدات .

3 - 2 باستعمال المبيان جانبه والذي يمثل تغيرات السرعة v بدلالة الزمن t التي تم حسابها بواسطة العلاقة السابقة ، عين :

- أ - رتبة قدر المدة اللازمة ليصل المضلي ولوازمه إلى السرعة الحدية ،
- ب - قيمة السرعة الحدية ، وعبر عنها بالوحدة km/h
- ج - قيمة الزمن المميز للحركة



تمرين 4 : فقاعة من الهواء في مسبح

في عمق مسبح حيث $z_0 = -3,0m$ أحدث غطاس فقاعة صغيرة من الهواء عند اللحظة $t = 0s$. نقبل أن الفقاعة كروية الشكل .

$$r(z_0) = r_0 = 0,50mm$$

درجة حرارة الماء والهواء الموجود في الفقاعة ثابتة : $T_0 = 300K$.

ضغط الماء في حوض المسبح يتغير مع العمق z من خلال العلاقة التالية :

$$p_{eau}(z) = p_{atm} - \rho g z \quad \text{الضغط على سطح الماء } 0 \text{ m} = 1,0 \cdot 10^5 Pa$$

$$\rho = 1,0 \cdot 10^3 kg / m^3 \quad \text{الكتلة الحجمية للماء ،}$$

$$g = 9,8m / s^2 \quad \text{شدة مجال الثقالة .}$$

ضغط الهواء الموجود في الفقاعة يساوي ضغط الماء في العمق نفسه أي أن $p_{air}(z) = p_{eau}(z)$.

$$R = 8,314 S.I \quad \text{نعطي ثابتة الغازات الكاملة :}$$

1 – نفترض أن الهواء الموجود في الفقاعة غاز كامل ، أوجد تعبير شعاع الفقاعة $r(z)$ بدلالة العمق z .

2 – أحسب كمية مادة الهواء الموجودة في الفقاعة n_{air} .

3 – أحسب شعاع الفقاعة عند وصولها إلى سطح الماء .
نهمل تغير شعاع الفقاعة ، إذا كان التغير أصغر من 10% (بالقيمة المطلقة) من القيمة البدئية .

هل يمكن إهماله ؟

4 – إذا كانت الكتلة المولية للهواء $M(air) = 29g / mol$ ، أحسب الكتلة m للفقاعة ثم أعط مميزات المتجهة \bar{P} وزن الفقاعة .

5 – أعط مميزات دافعة أرخميدس \vec{F}_A التي تخضع إليها الفقاعة بدلالة الشعاع r_0 .

6 – تخضع الفقاعة كذلك إلى قوة الاحتكاك المائي وهي تكتب على الشكل التالي : $\vec{f} = -6\pi\eta r_0 \vec{v}$
حيث أن $\eta = 1,0 \cdot 10^{-3} Pa.s$ لزوجة الماء و r_0 شعاع الفقاعة و \vec{v} متجهة سرعتها .

6 – مثل على تبيانة القوى المطبقة على الفقاعة . (بدون سلم)

6 – باعتبار أن حركة الفقاعة رأسية ، أوجد المعادلة التفاضلية التي تتحققها السرعة الرأسية v للفقاعة بدلالة الزمن .

$$v(t) = v_0 (1 - e^{-t/\tau}) \quad \text{ حل المعادلة التفاضلية هو كالتالي :}$$

باعتبار أن $A + Be^x$ منعدمة بالنسبة للقيم x إذا كانت $A = B = 0$ ، حدد قيم المقادير التالية : v_0 و τ باعتبار أن $v(t)$ حلًا للمعادلة التفاضلية .

8 – حدد السرعة القصوية للفقاعة .

