

يجب أن تعطى العلاقة الحرفية قبل التطبيق العددي
يؤخذ بعين الاعتبار تنظيم ورقة التحرير
الفيزياء :

الموضوع الأول : الميكانيك (25,6 نقط)

نعطي $g = 9,81 \text{ m/s}^2$

كل الأجسام الصلبة سواء كانت في حركة أو في سكون ، توجد دائما تحت تأثير الاحتكاكات (مقاومة الهواء ، مقاومة الماء ، التماس بين الجسمين ، الخ) . فزيائيا نقرن هذه التأثيرات بقوى الاحتكاك ، فهي دائما تقاوم حركة الجسم . عند تطبيق القانون الثاني لنيوتن أو العلاقة الأساسية للتحريك يمكن إهمال الاحتكاكات أو أخذها بعين الاعتبار.

تصنف قوى الاحتكاك إلى نوعين : الاحتكاكات الصلبة والاحتكاكات المائعة.
الاحتكاكات الصلبة لا تتعلق بشدة قوى الاحتكاك بالسرعة ، بينما في حالة الاحتكاكات المائعة تكون شدتها متناسبة اطرادا مع السرعة $\vec{v}$. لإبراز هذان الصنفان من الاحتكاكات تقوم بتجربتين.

I - حركة مجموعة ميكانيكية على مستوى مائل

نعتبر المجموعة الميكانيكية الممثلة في الشكل (1) والتي تتكون من :

- بكرة (P) متجانسة شعاعها r وكتلتها $m = 0,6 \text{ kg}$ قابلة للدوران حول محورها (Δ) . نعطي عزم قصور

البكرة بالنسبة للمحور (Δ) : $J_{\Delta} = \frac{1}{2} mr^2$.

جسم صلب (S_1) كتلته $m_1 = 0,5 \text{ kg}$ يمكنه أن ينزلق باحتكاك فوق مستوى أفقي (π) .

- جسم صلب (S_2) كتلته $m_2 = 2 \text{ kg}$ يمكنه أن ينزلق بدون احتكاك على مستوى مائل بزاوية $\alpha = 30^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقي .
الجسمان (S_1) و (S_2) مرتبطان بخيط غير قابل الامتداد وكتلته مهملة ، يمر دون انزلاق على مجرى البكرة (P) .

1 - دراسة الجسم (S_1)

يعطي المنحنى الممثل في الشكل (2) تغيرات السرعة v للجسم (S_1) بدلالة الزمن t .

1 - اعتمادا على منحنى الشكل (2) ، حدد طبيعة حركة الجسم (S_1) واستنتج قيمة التسارع a_1 لحركته . (0,5)

2 - أكتب المعادلة الزمنية $x(t)$ لحركة (S_1) . (0,25)

2 - دراسة المجموعة { (S_1) ، (S_2) ، P }

1 - 2 بين أن للجسمين S_1 و S_2 نفس التسارع $a = a_1 = a_2$ واستنتج العلاقة بين التسارع الزاوي $\ddot{\theta}$ لحركة البكرة حول المحور (Δ) والتسارع a . (0,5)

منحنى الحركة

(+)

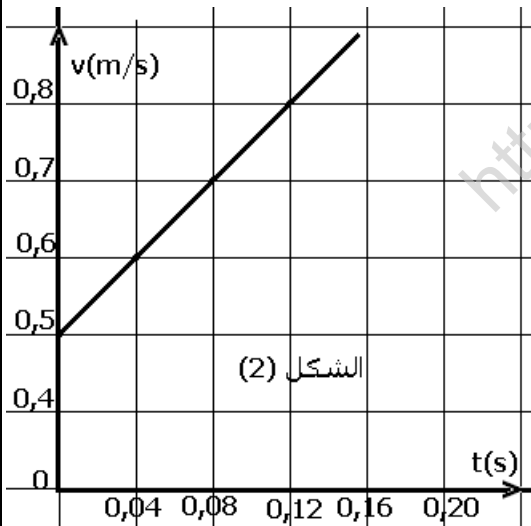
S_1

الشكل (1)

(P)

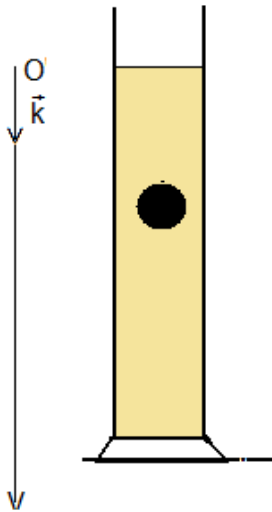
S_2

α



2 - 2 بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الجسم (S_2) أوجد تعبير T_2 شدة القوة المقرونة بتأثير الخيط على (S_2).
واحسب قيمتها . (0,5)

2 - 3 بتطبيق العلاقة الأساسية لتحريك على البكرة (P) ، أوجد تعبير T_1 شدة القوة المقرونة بتأثير الخيط على (S_1) واحسب قيمتها . (0,5)



2 - 4 استنتج شدة القوة $\vec{R}$ المقرونة بتأثير المستوى (π) على الجسم (S_1) . (0,5)

3 - حركة الجسم (S_1) على المستوى (π) تتم بالاحتكاك . نعرف معامل الاحتكاك الديناميكي بالعلاقة التالية : $k = \tan \varphi$ حيث φ زاوية الاحتكاك .

3 - 1 ما صنف الاحتكاك الناتج عن هذا التماس ؟ علل جوابك . (0,25)

3 - 2 استنتج من الدراسة السابقة قيمة معامل الاحتكاك k . (0,25)

II - حركة جسم كروي في السائل

نحرق في لحظة تاريخها $t = 0$ وبدون سرعة بدئية في مخبر يحتوي على زيت محرك السيارة كتلته الحجمية $\rho = 0,910 \text{ g/cm}^3$ ، كرية (S) كتلتها $m = 35,0 \text{ g}$ و شعاعها $r = 2,00 \text{ cm}$ وحجمها $V = 33,5 \text{ cm}^3$.

نعطي شدة قوة المطبقة من طرف السائل على الجسم : $f = k.v$.

نستعمل تركيب تجريبي مرتبط بحاسوب لكي يمكننا من تتبع حركة الكرية في السائل فنحصل على المنحنى الممثل لتغيرات سرعة مركز قصور الكرية بدلالة الزمن t أي $v = f(t)$.

ندرس حركة الجسم S_2 بالنسبة لمرجع مرتبط بالمختبر الذي نعتبره غاليليا ونأخذ كذلك المحور Oz موجه نحو الأسفل .

1 - ما صنف الاحتكاكات الناتجة عن التماس بين الجسم والسائل ؟ (0,25)

2 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن ، أثبت المعادلة التفاضلية لحركة الكرية بالنسبة للمرجع المرتبط بالمختبر . (0,5)

3 - بين أن $\frac{dv}{dt}$ يمكن أن تكتب على التالي :

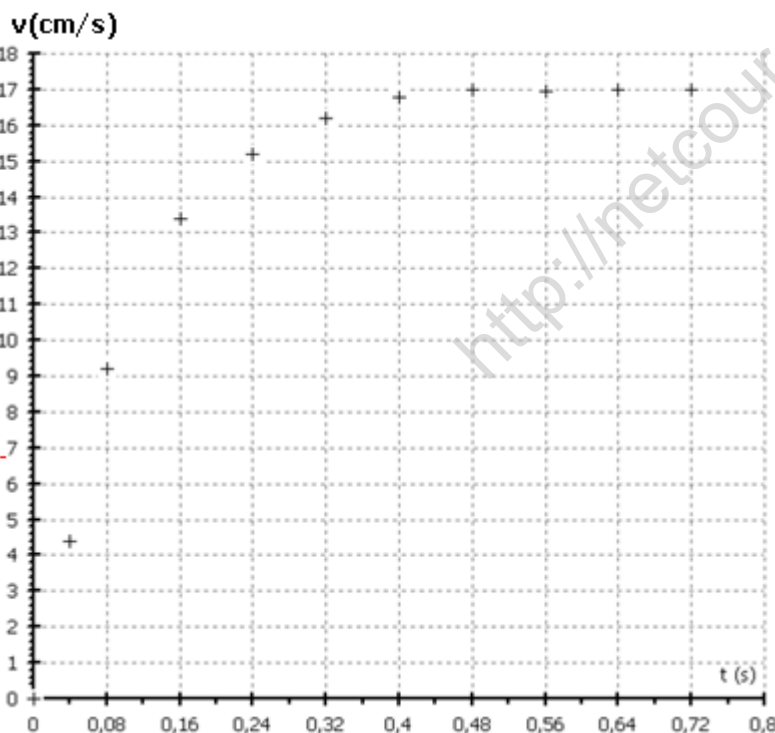
$$\frac{dv}{dt} = A - Bv \quad \text{حدد تعبري الثابتين } A \text{ و } B \quad (0,25)$$

4 - تحقق من أن الثابتة $A = 1,27 \text{ SI}$ وحدتها (0,25)

5 - باستعمال المبيان ، عين قيمة السرعة الحدية v_ℓ . (0,25)

6 - بمعرفة القيمة السابقة للثابتة A والثابتة $B = 7,5 \text{ s}^{-1}$ ، تمكن طريقة أولير من حساب بكيفية تقريبية قيمة سرعة الجسم بدلالة الزمن باستعمال العلاقتين :

$$v(t_{i+1}) = v(t_i) + \frac{dv(t_i)}{dt} \Delta t_i \quad \text{و} \quad \frac{dv(t_i)}{dt} = A - Bv(t_i)$$



نحصل على النتائج المدونة في الجدول التالي :

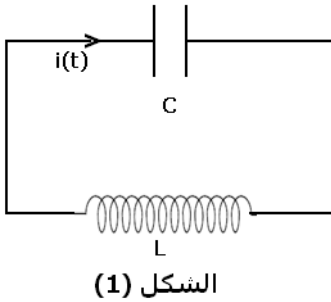
i	0	1	2	3	4	5	6	7
$t_i (s)$	0	0,080	0,16	0,24	0,32	0,40	0,48	0,56
$\frac{dv_2}{dt} (m/s^2)$		0,51	0,20		0,03	0,02	0,00	0,00
$v_2 (m/s)$	0	0,102	0,143		0,165	0,167	0,169	0,169

- 6 - 1 ما قيمة الخطوة Δt المستعملة في الحساب ؟ (0,25)
 6 - 2 باستعمال طريقة أولير أتمم الجدول التالي أعلاه . (0,75)
 6 - 3 تحقق من أنه تم نمذجة قوة الاحتكاك بكيفية صحيحة . (0,5)

الموضوع الثاني : الكهرباء (4,75 نقط)

I - الذبذبات في دارة مثالية LC

نعتبر مكثفا سعته C مشحونا مسبقا تحت توتر مستمر U_0 . عند اللحظة $t = 0$ نصل مربطي المكثف بوشية معامل تحريضها الذاتي L ومقاومتها الداخلية مهملة . المنحى الموجب لمرور التيار الكهربائي في الدارة ممثل في الشكل (1) .



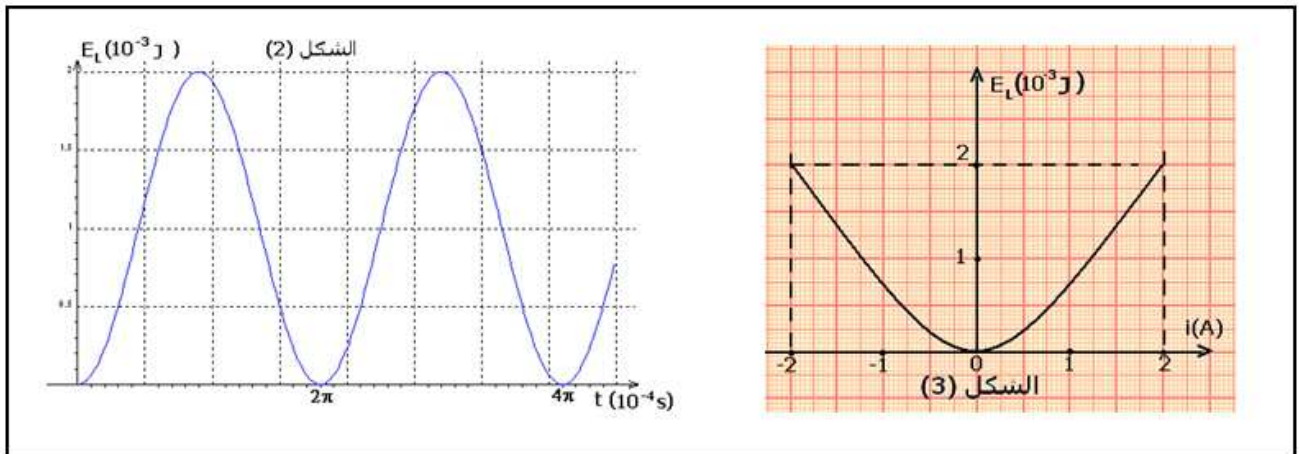
- 1 - أنقل الشكل ومثل عليه التوتر $u_C(t)$ بين مربطي المكثف و $u_L(t)$ بين مربطي الوشية في الاصطلاح مستقبلي . (0,25)
 2 - أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_C(t)$. (0,5)
 3 - حل هذه المعادلة التفاضلية هو على الشكل التالي :

$$u_C(t) = U_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$$

حدد قيم T_0 الدور الخاص للمتذبذب و φ و U_m بدلالة المعطيات المتوفرة في النص . (0,75)

II - الدراسة الطاقية لدارة مثالية LC

قياس الطاقة المغنطيسية E_m المخزونة في الوشية بدلالة الزمن t وبدلالة شدة التيار الكهربائي المار في الدارة i ، يمكننا من خط المنحنيين الممثلين في الشكلين (2) و (3) .



- 1 - أعط تعبير الطاقة E_L المخزونة في الوشية بدلالة شدة التيار الكهربائي i المار في الدارة الكهربائية واستنتج قيمة معامل التحريض الذاتي L للوشية (0,5)

2 - اعتمادا على الحل السابق للمعادلة التفاضلية في الجزء I بين أن الطاقة المغنطيسية E_L يمكن أن تكتب على

$$(0,75) \quad E_L(t) = \frac{1}{4} CU_0^2 \left(1 - \cos\left(\frac{4\pi}{T_0} t\right) \right)$$

يمكن الاستعانة بالعلاقة المثلثية التالية : $\cos^2 x = \frac{1}{2}(1 + \cos 2x)$

3 - تأكد من أن الدور T لـ $E_L(t)$ هو $T = T_0 / 2$ استنتج الدور الخاص T_0 للمتذبذب. (0,5)

4 - استنتج قيمة سعة المكثف C . (0,5)

5 - أعط تعبير الطاقة الكلية للدائرة المثالية LC وبين أنها ثابتة وتعبيرها يكتب على الشكل التالي :

$$(1) \quad U_0 = \frac{1}{2} LI_m^2 = \frac{1}{2} CU_0^2 \quad \text{بحيث أن } I_m \text{ شدة التيار القصوى . استنتج قيمة التوتر } U_0$$

تمرين : الفيزياء النووية (2 نقط)

نعطي :

رمز النوية	$^{211}_{85}At$	$^{210}_{84}Po$	$^{212}_{83}Bi$	$^{206}_{82}Pb$	4_2He
كتلة النوية بالوحدة u	210,9875	210,0482	211,949	206,0385	4,0039

$$\text{مع } 1eV = 1,6 \cdot 10^{-19} J \text{ و } c = 3 \cdot 10^8 m/s \text{ و } 1u = 1,6605 \cdot 10^{-27} kg = 931,5 MeV / c^2$$

نواة البولونيوم إشعاعية النشاط α .

1 - أكتب معادلة تفتتها . وتعرف على النواة المتولدة مستعينا بالجدول أعلاه. (0,5)

2 - أحسب طاقة هذا التفاعل بالـ J . واستنتج الطاقة المحررة من طرف نواة واحدة من البولونيوم. (0,75)

3 - إذا اعتبرنا أن هذه الطاقة كلها تحولت إلى طاقة حركية للدقيقة α . أوجد قيمة سرعة هذه الدقيقة .

(0,75)

الكيمياء : تطور تفاعل الأمونياك في الماء . (7نقط)

الأمونياك NH_3 ، حالته الفيزيائية غاز ، كثير الذوبان في الماء وينتج عنه محلول مائي قاعدي للأمونياك

تستعمل محاليل الأمونياك بعد تخفيفها ، كمواد التنظيف وكمواد مزيل . سنحاول من خلال هذه الدراسة الوقوف

على بعض الخصائص الكيميائية للأمونياك المذاب وكذلك تحديد تركيزه بواسطة المعايرة في إحدى مواد التنظيف .

معطيات : عند درجة الحرارة $25^\circ C$ ، الثابتة الحمضية للمزدوجة (NH_4^+ / NH_3) هي : $k_{A1} = 6,3 \cdot 10^{-5}$

ثابتة الحمضية للمزدوجة (H_2O / HO^-) هي $k_{A2} = 1,0 \cdot 10^{-14}$

ثابتة الجداء الأيوني للماء : $k_e = 10^{-14}$

I - دراسة محلول مائي للأمونياك

1 - يعتبر الأمونياك كقاعدة حسب تعريف برونشتد في المحاليل المائية .

أكتب معادلة تفاعل الأمونياك مع الماء . (تفاعل الأمونياك مع الماء يؤدي إلى توازن كيميائي)

2 - في حجم $V_0 = 50,0 ml$ من الماء الخالص ، نذيب كمية المادة $n_0 = 5,45 \cdot 10^{-2} mol$ من الأمونياك . عند قياس

pH المحلول المحصل عليه نجد $pH = 11,62$.

2 - 1 أحسب التركيز المولي C_0 للأمونياك المذاب في الماء . (0,5)

2 - 2 أحسب تركيز أيونات الأوكسيونوم عند نهاية التفاعل . (0,5)

2 - 3 استنتج تركيز أيونات الهيدروكسيد HO^- عند نهاية التفاعل . (0,5)

2 - 4 بين أن نسبة التقدم النهائي τ تكتب على الشكل التالي : $\tau_0 = \frac{[HO^-]_f}{C_0}$. أحسب قيمتها . (يمكن

استعمال الجدول الوصفي لتطور تقدم التفاعل) . ما هو استنتاجك ؟ (0,75)

II - تحديد نسبة التقدم لتفاعل الأمونياك مع الماء بواسطة الموصلية .

من خلال هذه الدراسة نريد أن نتأكد من الفرضية التالية : " كميات مادة الأنواع الكيميائية لا تتغير خلال عملية

التخفيف "

نعطي قيم الموصلية المولية الأيونية عند درجة الحرارة 25°C

$$\lambda_0(\text{HO}^-) = 19,9 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2.\text{mol}^{-1} , \quad \lambda_0(\text{NH}_4^+) = 7,34 \cdot 10^{-3} \text{ S.m}^2.\text{mol}^{-1}$$

انطلاقاً من المحلول السابق S_0 ذي التركيز C_0 نحضر محلولاً S_1 حجمه 1ℓ باستعمال طريقة التخفيف بحيث أن $C_1 = C_0 / 100$.

1 - من بين مجموعات الأدوات الزجاجية التالية ، اختر المجموعة التي يمكن استعمالها للقيام بتخفيف جيد (0,75)

المجموعة 1	المجموعة 2	المجموعة 3	المجموعة 4
ماصة معيارية 1ml حجولة معيارية 100ml كأس 50ml	ماصة معيارية 10ml حجولة معيارية 1ℓ كأس 50ml	ماصة معيارية 1ml حجولة معيارية 1ℓ كأس 50ml	ماصة معيارية 10ml حجولة معيارية 1ℓ كأس 50ml

2 - عند قياس موصلية المحلول S_1 نجد $\sigma = 0,114 \text{ mS.cm}^{-1}$.

2 - 1 أوجد تعبير الموصلية σ للمحلول S_1 بدلالة الموصليات المولية الأيونية والتركيزات الفعلية $[\text{HO}^-]$ و $[\text{NH}_4^+]$

المتواجدة في المحلول S_1 . (0,25)

2 - 2 اعتماداً على الجدول الوصفي لتقدم التفاعل للأمونيak مع الماء أوجد التركيز الفعلي لأيونات الهيدروكسيد

$$[\text{HO}^-]_f \quad (0,75)$$

2 - 3 أحسب نسبة التقدم النهائي τ_1 لهذا التفاعل . (0,5)

2 - 4 هل التخفيف له تأثير على نسبة التقدم النهائي للتفاعل ؟ إذا كان الجواب بنعم ، حدد منحى تطور هذا التفاعل . هل الفرضية صحيحة أم خاطئة ؟ (0,5)

III - المعايرة الحمضية القاعدية للمحلول المخفف .

بواسطة pH - متر نقوم بمعايرة حجماً $V_2 = 20,0\text{ml}$ من المحلول المخفف S_1 بواسطة محلول حمض الكلوريدريك

$$C_A = 1,50 \cdot 10^{-2} \text{ mol} / \ell \quad \text{تركيزه} \quad (\text{H}_3\text{O}^+(\text{aq}) + \text{Cl}^-(\text{aq}))$$

للحصول على التكافؤ ، يجب إضافة حجم $V_{AE} = 14,3\text{ml}$ من محلول حمض الكلوريدريك . نسجل pH عند التكافؤ :

$$pH_E = 5,7$$

1 - أكتب معادلة التفاعل خلال هذه المعايرة . (0,5)

2 - أوجد علاقة التكافؤ باعتمادك على الجدول الوصفي لتقدم التفاعل خلال المعايرة . (0,75)

3 - استنتج التركيز C_2 (0,25)

4 - من بين الكواشف الملونة التالية ، ما هو الكاشف الملائم للقيام بمعايرة خمضية - قاعدية ملوانية . (0,5)

الكاشف الملون	لون الشكل الحمضي	منطقة الانعطاف	لون الشكل القاعدي
الهيكلنتين	أحمر	3,1-4,4	أصفر
أحمر الكلوروفينول	أصفر	5,2-6,8	أحمر
أزرق البروموتيمول	أصفر	6,0-7,6	أزرق
الفينول الفثالين	عديم اللون	8,2-10	أحمر بنفسجي