

ثنائي القطب

Dipôle RL

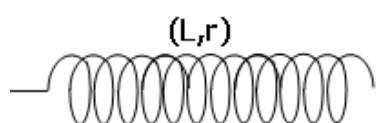
I - الوشيعة : la bobine

1 - التعريف

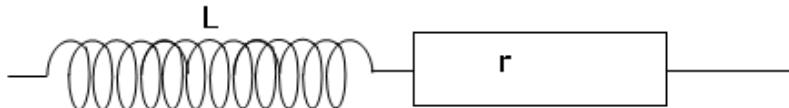
الوشيعة ثنائي قطب يتكون من لفات ، من سلك من النحاس ، غير متصلة فيما بينها لكونها مطلية ببرنيق عازل كهربائي .

رمز الوشيعة :

لتمثيل لوشيعة نستعمل أحد الرموز التاليين :

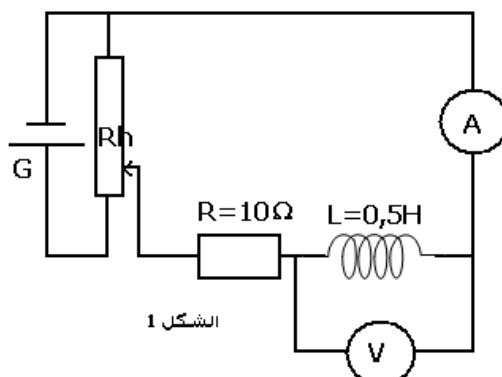


الشكل 1



الشكل 2

حيث r مقاومة الوشيعة و L معامل يميز الوشيعة يسمى معامل التحرير الذاتي . وحدته في النظام العالمي للوحدات هي الهنري (H) . وتقاس L بواسطة جهاز مقاييس معامل التحرير الذاتي .



الشكل 1

2 - التوتر بين مربطي وشيعة .
النشاط التجاري 1
I - ننجز التركيب التجاري الممثل في الشكل (1) والذي يتكون من مولد التوتر المستمر ومعدلة ووشيعة دون نواة الحديد معامل تحريرها الذاتي $L=10mH$ و مقاومتها صغيرة ، وموصل أومي مقاومته $R=100\Omega$ وأمبيرمتر لقياس التيار الكهربائي المار في الدارة

نضع فولطmeter لقياس التوتر بين مربطي الوشيعة ونغلق قاطع التيار K .
نغير قيم التوتر بواسطة المعدلة وفي كل مرة نقيس التوتر U_L بين مربطي الوشيعة وكذلك شدة التيار I المار في الدارة .
فنحصل على النتائج التالية :

$U_L(V)$	0	0,8	1,6	2,4	3,2
$I(A)$	0	0,1	0,2	0,3	0,4

استئثار النتائج :

1 - مثل المنهجى U_L بدلالة الشدة I .

2 - بين أن الوشيعة تتصرف كموصل أومي .

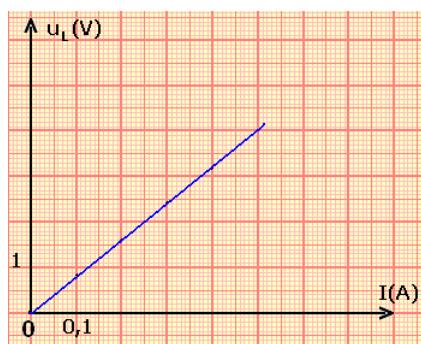
حسب المنهجى المحصل عليه أن التوتر بين مربطي الوشيعة يتتناسب اطراضاً مع شدة التيار المار فيها ، مما يبين أن الوشيعة تتصرف كموصل أومي مقاومته r .

3 - حدد r مقاومة الوشيعة وقارنها بالقيمة التي يشير إليها الصانع .

$$r = \frac{\Delta U_L}{\Delta I} = \frac{2,4 - 0,8}{0,3 - 0,1} = 8\Omega$$

4 - استنتاج العلاقة بين U_L و r و I .

$$U_L = rI$$



II - ننجز نفس التركيب التجاري السابق وذلك بتعويض مولد التوتر المستور بواسطة مولد ذي ترددات منخفضة GBF ، حيث يعطي تياراً مثلياً تردد $f=400Hz$ ، ووتره الأقصى $5V$. نستعمل برنام إلكتروني ننجز التركيب التجاري الممثل في الشكل (2)

نرسم على ورق مليمترى الرسم التذبذبى المحصل عليه .

استثمار

1 – لماذا يمكن المدخل Y_2 لكاشف التذبذب من معاینة تغيرات شدة التيار الكهربائي المار في الدارة ؟
 تعانى التوتر بين مربطي الموصى الأومي : $-u_R = -Ri$ أي أن u_R و i يتناسبان اطرادا ، المنحنى

المحصل عليه له نفس شكل المنحنى لتغيرات شدة التيار الكهربائي $i(t)$ المار في الدارة

2 – خلال النصف الأول من الدور ، يمكن كتابة شدة التيار الكهربائي المثلثي على شكل $i(t) = at + b$.

2 – 1 حدد قيمة المعامل a ، ما وحده ؟

$$i(t) = \frac{-u_R}{R} = \frac{a't + b'}{R} = at + b$$

$$a = \frac{a'}{R} = \frac{\Delta u}{R \cdot \Delta t} = \frac{-10}{100 \cdot 10^{-3}} = -100 \text{ A/s}$$

$$b = \frac{5}{100} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ A}$$

$$i(t) = -100t + 5 \cdot 10^{-2}$$

2 – 2 عين ، بالنسبة للنصف الأول من الدور ، قيمة التوتر

$$\frac{u_L(t)}{u_R(t)} = \frac{di}{dt}$$

حسب المعاینة على شاشة راسم التذبذب لدينا $1V$

$$\frac{u_L}{di} = \frac{1}{100} = 10^{-2} \text{ H} = 10 \text{ mH}$$

$$\frac{u_L}{di} = L \Rightarrow u_L = L \frac{di}{dt}$$

2 – 3 قارن هذه النسبة مع L معامل التحرير الذاتي للوشيعة المستعملة .

استنتج العلاقة بين u_L و L و $\frac{di}{dt}$.

3 – في التجربة السابقة ، أي في التيار المستمر تتصرف الوشيعة كموصى أومي مقاومته r ، وفي هذه التجربة لم تؤخذ هذه المقاومة بعين الاعتبار لكون تأثيرها مهملأ .

اقترح علاقة عامة للتوتر u_L بين مربطي الوشيعة تضم r و $i(t)$ و L و $\frac{di}{dt}$.

$$u_L(t) = r \cdot i(t) + L \cdot \frac{di}{dt}$$

خلاصة :

بالنسبة لوشيعة دون نواة حديد ، وفي الاصطلاح مستقبل يعبر عن التوتر u_L بين مربطي وشيعة بالعلاقة :

$$u_L(t) = r \cdot i(t) + L \cdot \frac{di}{dt}$$

$u_L(t)$ بالفولط (V) ، $i(t)$ بالأمبير ، r بالأوم ، L بالهنرى .

النشاط التحرسي 2 : تأثير الوشيعة على دارة كهربائية ،

ننجز التركيب التجريبي الممثل في الشكل (3)

نغلق قاطع التيار K .

استئمار :

1 – تغير شدة التيار الكهربائي الذي ينتجه المولد فجأة من قيمة منعدمة إلى قيمة معينة .

1 – هل يتائق المصباح L_1 و L_2 مباشرة بعد إغلاق الدارة ؟

نعم يتائق المصباح L_1 و L_2 وبالحظ أن المصباح L_1 يتائق قبل المصباح L_2

2 – كيف تتغير شدة التيار المار في كل من L_1 و L_2 ؟

تتغير شدة التيار في المصباح L_1 لحظيا بينما في المصباح L_2 تتغير تدريجيا متأخرة بلحظات عن تائق L_1

2 – ما تأثير الوشيعة على إقامة التيار ؟

الوشيعة تؤخر إقامة التيار

3 – ماذا يحدث عند فتح الدارة ؟ ما تأثير الوشيعة ، عند انعدام التيار ؟

نفس الملاحظة أن الوشيعة تؤخر انعدام التيار في الفرع الذي يضمها .

خلاصة :

في دارة كهربائية تحتوي على وشيعة ، تؤخر هذه الأخيرة إقامة التيار أو انعدام التيار في هذه الدارة أي بصفة عامة فالوشيعة تقاوم تغير شدة التيار الذي يمر فيها . وهذا ناتج عن تأثير الجداء $\frac{di}{dt}$.

3 – استغلال تعبير التوتر بين مربطي وشيعة .

عند إهمال مقاومة الوشيعة ، يصبح التوتر $U_L(t)$ بين مربطي الوشيعة كالتالي :

$$U_L(t) = L \frac{di(t)}{dt}$$

* $i(t)$ تزايدية فإن $U_L(t) > 0$

* إذا كان تغير شدة التيار الكهربائي سريع جدا (dt صغيرة جدا بينما di كبيرة جدا أي أن الإشتقاء له قيمة كبيرة

جدا) وبالتالي $U_L(t)$ تأخذ قيمة كبيرة جدا مما يؤدي إلى ظهور **فرط التوتر** بين مربطي الوشيعة

II – ثانوي القطب

يتكون ثانوي القطب RL من موصل أومي مقاومته R مركب على التوالي مع وشيعة مقاومتها r ومعامل تحريضها L .

نسمي المقاومة الكلية لثانوي القطب هذا $R_t = R + r$.

1 – استجابة ثانوي القطب RL لرتبة صاعدة للتوتر .

1 – المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار المار في الدارة RL .

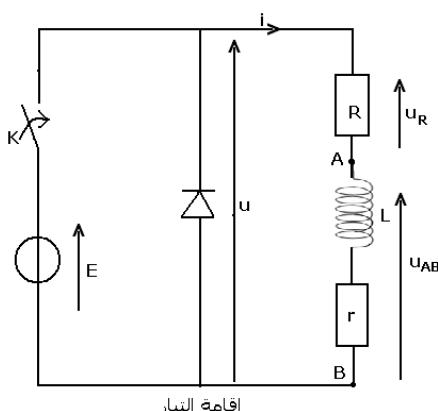
نعتبر الدارة RL الممثلة في الشكل جانبه .

نغلق قاطع التيار K في اللحظة $t=0$. يأخذ التوتر بين مربطي الدارة RL لحظيا القيمة E (رتبة صاعدة للتوتر) (t) أي شدة التيار الذي يمر في الدارة عند **إقامة التيار** استجابة لرتبة توتر صاعدة .

حسب قانون إضافية التوترات لدينا :

$$U = U_{AB} + U_R$$

بحيث أن $E = u$ و $U_{AB} = ri + L \frac{di}{dt}$ و $U_R = Ri(t)$ أي أن



$$E = L \frac{di}{dt} + (R + r)i$$

$$L \frac{di}{dt} + R_t i = E \Rightarrow \frac{L}{R_t} \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_t}$$

بما أن $R+r=R_t$ فان

نضع $\tau = \frac{L}{R_t}$ فتصبح المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة

التيار $i(t)$ المار في الدارة RL هي :

$$\tau \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R_t}$$

٢ - حل المعادلة التفاضلية .

يكتب المعادلة التفاضلية التالية :

على الشكل التالي : $i(t) = Ae^{-\alpha t} + B$ حيث A و B و α ثابت .

نعرض الحل في المعادلة التفاضلية :

$$\tau(-\alpha Ae^{-\alpha t}) + Ae^{-\alpha t} + B = \frac{E}{R_t} \Rightarrow (1 - \alpha\tau) Ae^{-\alpha t} + B = \frac{E}{R_t}$$

$$1 - \alpha\tau = 0 \Rightarrow \alpha = \frac{1}{\tau}$$

$$B = \frac{E}{R_t}$$

وبالتالي سيكون حل المعادلة التفاضلية على الشكل التالي :

تحديد الثابتة A حسب الشروط البدئية : $i(0) = 0$ وهي ناتجة عن كون $i(t)$ دالة متصلة في أي لحظة من لحظات تشغيل الوشيعة بما في ذلك اللحظة $t=0$ حيث يمكن أن نكتب $i(t+\varepsilon) = i(t-\varepsilon) = i(t)$ حيث ε عدد موجب قریب من الصفر .

حسب حل المعادلة لدينا $i(0) = A + B = 0$ أي أن $A = -\frac{E}{R_t}$

نضع $I_0 = \frac{E}{R_t}$ فيكون حل المعادلة التفاضلية هو :

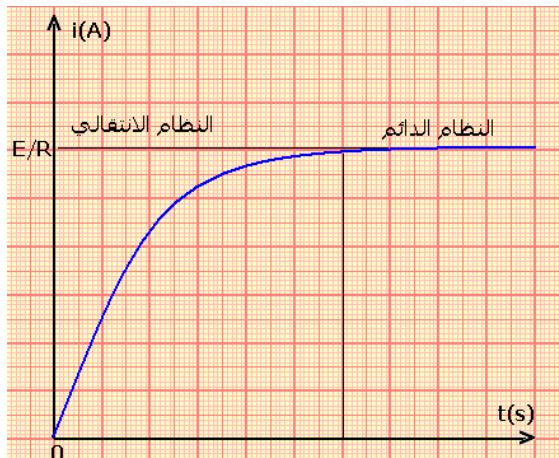
$$i(t) = I_0 \left(1 + e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

٢ - تعبير التوتر بين مربطي وشيعة .

حسب قانون إضافية التوترات لدينا :

$$u = u_{AB} + Ri(t)$$

$$u_L = u - Ri(t) \Rightarrow u_L = E - R \cdot \frac{E}{R_t} \left(1 + e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$



نعمل مقاومة الوشيعة أمام المقاومة R فتصبح $R_t = R$ وبالتالي :

$$u_L = E \left(1 - \left(1 + e^{-\frac{t}{\tau}} \right) \right) \Rightarrow u_L = E e^{-\frac{t}{\tau}}$$

3 – ثابتة الزمن τ

$$3-1 \text{ معادلة الأبعاد لثابتة الزمن} \quad \tau = \frac{E}{R_t}$$

$$L = \frac{u_L}{di} \Rightarrow [L] = \frac{[V][s]}{[A]} \text{ نعلم أن } L = \frac{[L]}{R_t} = \frac{[L]}{[R]}$$

$$\text{أي أن } [R] = \frac{[V]}{[A]}$$

$$\left[\frac{L}{R_t} \right] = [S] \text{ أي أن } \left[\frac{L}{R_t} \right] = \frac{[V][s]}{[A]} \times \frac{[A]}{[V]}$$

أي أن القيمة $\tau = \frac{E}{R_t}$ لها بعد زمني تسمى ثابتة الزمن وتميز

ثنائي القطب RL .

3-2 كافية تحديد τ

هناك طريقتين :

– الطريقة الأولى وهي : حساب (τ) ونحدد أصولها على المنحنى $i(t)$.

– الطريقة الثانية : استعمال المماس في اللحظة $t=0$ ونحدد نقطة تقاطعه مع E/R . انظر الشكل جانبه.

4 – انعدام التيار في دارة تضم ثنائي قطب RL .

عند فتح قاطع التيار ، يتغير التوتر من القيمة E إلى القيمة الصفر (رتبة توتر نازلة) نقول أن هناك انعدام التيار في الدارة RL .

تطبق قانون إضافية التوترات نتوصل إلى العلاقة التالية :

$$di/dt + i/(R+r) = 0 \text{ أي } L \frac{di}{dt} + (R+r)i = 0$$

$$\tau = \frac{L}{R+r} = \frac{L}{R_t}$$

حل هذه المعادلة التفاضلية هو :

$$i(t) = I_0 e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ حيث أن } I_0 = \frac{E}{R_t} \text{ و } \tau = \frac{L}{R_t}$$

في هذه الحالة نحدد مبيانيا ثابتة الزمن بتطبيق العلاقة : $i(\tau) = 0,37I_0$

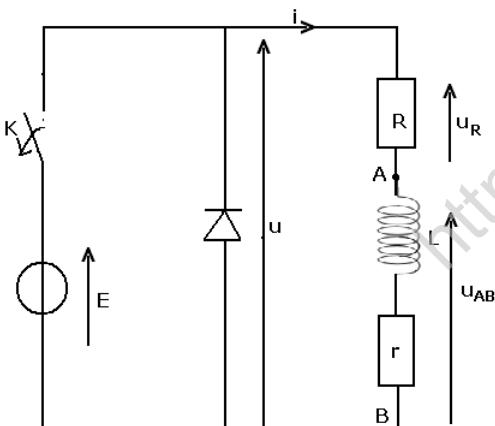
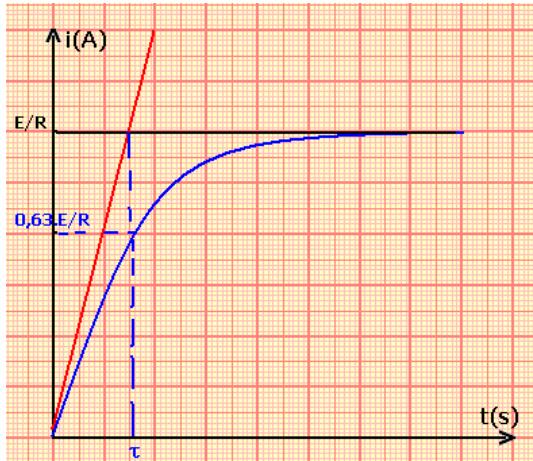
ملحوظة : كلما كانت τ صغيرة كلما كانت مدة إقامة وانعدام التيار صغيرة كذلك .

نستعمل في التركيب التجاري الصمام من أجل حماية الدارة RL من فرط التوتر الذي يحدث بين مربطيها عند فتح قاطع التيار K .

III – الطاقة المخزونة في وشيعة

1 – الإبراز التجاري .

نعتبر التركيب الممثل في الشكل جانبه .



انعدام التيار

عند غلق قاطع التيار K يمر تيار كهربائي في الوشيعة . يمنع الصمام الثنائي المركب في المنحى الحاجز مرور تيار كهربائي في المحرك .

عند فتح قاطع التيار K يستغل المحرك فيرتفع الجسم S .
فسر هذه الظاهرة .

يتبيّن أن الوشيعة اخزنّت ، أثناء إغلاق الدارة الكهربائية طاقة مغناطيسية في الفضاء المحيط بها ، ثم حررت هذه الطاقة عند فتح الدارة .

2 - تعبير الطاقة المخزونة في وشيعة

عند إغلاق الدارة تكتب المعادلة التفاضلية على الشكل التالي :

$$E = Ri + L \frac{di}{dt} \Rightarrow E.i = Ri^2 + L \frac{di}{dt} . i$$

$$Eidt = Ri^2 dt + d\left(\frac{1}{2} Li^2\right)$$

من خلال هذه المعادلة نلاحظ :

$Eidt$ تمثل الطاقة الممنوحة من المولد للوشيعة خلال المدة dt .
 $Ri^2 dt$ الطاقة المبددة بمفعول جول في الوشيعة .

$d\left(\frac{1}{2} Li^2\right)$ الطاقة التي تخزنها الوشيعة .

نعرف الطاقة المخزنة في الوشيعة بين لحظتين 0 و t هي :

$$\xi_m = \int_0^t d\left(\frac{1}{2} Li^2\right) = \frac{1}{2} Li^2$$

خلاصة :

تناسب الطاقة المخزنة في وشيعة ، معامل تحريضها A ، مع مربع شدة التيار الكهربائي المار فيها :

$$\xi_m = \frac{1}{2} Li^2$$

